

$$(2) : (\overrightarrow{AP}, \overrightarrow{QS}) = \arg\left(\frac{s-q}{p-a}\right) = \arg(-i) = -\frac{\pi}{2} [2\pi] \text{ et donc } (AP) \perp (QS).$$

$$4) \frac{s-p}{q-b} = \frac{-\frac{13}{2} - \frac{3}{2}i - 2 + 5i}{\frac{1}{2} + \frac{5}{2}i + 3 + 6i} = \frac{-\frac{17}{2} + \frac{7}{2}i}{\frac{7}{2} + \frac{17}{2}i} = \frac{-17 + 7i}{7 + 17i} = \frac{i(7 + 17i)}{7 + 17i} = i \text{ puis}$$

$$(\overrightarrow{BQ}, \overrightarrow{PS}) = \arg\left(\frac{s-p}{q-b}\right) = \arg(i) = \frac{\pi}{2} [2\pi]$$

$$\text{et donc } (BQ) \perp (PS). \text{ De même, } \frac{q-p}{s-c} = \frac{\frac{1}{2} + \frac{5}{2}i - 2 + 5i}{-\frac{13}{2} - \frac{3}{2}i - 1} = \frac{-\frac{3}{2} + \frac{15}{2}i}{-\frac{15}{2} - \frac{3}{2}i} = \frac{-3 + 15i}{-15 - 3i} = \frac{-i(-15 - 3i)}{-15 - 3i} = -i \text{ puis } (CS) \perp (PQ).$$

En résumé, $(AP) \perp (QS)$ ou encore (AP) est la hauteur issue de P du triangle PQS et de même (BQ) et (CS) sont les hauteurs issues respectivement de Q et S du triangle PQS . On sait que les hauteurs d'un triangle sont concourantes en l'orthocentre de ce triangle et donc les droites (AP) , (BQ) et (CS) sont concourantes.